



UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PALERMO

DIPARTIMENTO	Matematica e Informatica
ANNO ACCADEMICO OFFERTA	2016/2017
ANNO ACCADEMICO EROGAZIONE	2016/2017
CORSO DILAUREA MAGISTRALE	MATEMATICA
INSEGNAMENTO	ISTITUZIONI DI ALGEBRA
CODICE INSEGNAMENTO	10785
MODULI	Si
NUMERO DI MODULI	2
SETTORI SCIENTIFICO-DISCIPLINARI	MAT/02
DOCENTE RESPONSABILE	GIAMBRUNO ANTONINO Professore a contratto in quiescenza Univ. di PALERMO
ALTRI DOCENTI	GIAMBRUNO ANTONINO Professore a contratto in quiescenza Univ. di PALERMO LA MATTINA DANIELA Professore Ordinario Univ. di PALERMO
CFU	12
PROPEDEUTICITA'	
MUTUAZIONI	
ANNO DI CORSO	1
PERIODO DELLE LEZIONI	1° semestre
MODALITA' DI FREQUENZA	Facoltativa
TIPO DI VALUTAZIONE	Voto in trentesimi
ORARIO DI RICEVIMENTO DEGLI STUDENTI	GIAMBRUNO ANTONINO Lunedì 12:00 14:00 Studio n. 114, Dipartimento di Matematica e Informatica, Via Archirafi 34 Giovedì 12:00 14:00 Studio n. 114, Dipartimento di Matematica e Informatica, Via Archirafi 34 LA MATTINA DANIELA Mercoledì 14:30 16:30 Dipartimento di Matematica e Informatica, Via Archirafi 34, Palermo, Studio 114 Venerdì 12:30 13:30 Dipartimento di Matematica e Informatica, Via Archirafi 34, Palermo, Studio 114

DOCENTE: Prof. ANTONINO GIAMBRUNO

PREREQUISITI	Elementi fondamentali della teoria dei gruppi, della teoria degli anelli e della teoria dei campi.
RISULTATI DI APPRENDIMENTO ATTESI	<p>Conoscenza e capacita' di comprensione Conoscenze e capacita' di comprensione nell'ambito della teoria delle algebre e dei gruppi basate sulle conoscenze acquisite nel primo ciclo che consentono di applicare idee originali sulla base di una comprensione sistematica e criticamente consapevole della teoria delle algebre e delle rappresentazioni dei gruppi. Capacita' di leggere e comprendere testi avanzati di Matematica e di consultare articoli di ricerca inquadrandoli nell'ambito della ricerca attuale. Capacita' di produrre elaborati personali originali nell'ambito della ricerca matematica.</p> <p>Capacita' di applicare conoscenza e comprensione Capacita' di riconoscere e risolvere autonomamente, utilizzando gli strumenti e le conoscenze acquisite, problemi inerenti a tematiche inserite in contesti piu' ampi dell'algebra non commutativa. La verifica delle capacita' man mano acquisite viene fatta mediante un'attiva partecipazione dello studente alle lezioni frontali.</p> <p>Autonomia di giudizio Essere in grado di valutare autonomamente le implicazioni degli studi e dei risultati ottenuti, di analizzare criticamente testi e costruire e sviluppare argomentazioni logiche.</p> <p>Abilita' comunicative Capacita' di enunciare e dimostrare correttamente i principali risultati presentati nel corso.</p> <p>Capacita' d'apprendimento Capacita' di seguire con profitto corsi di approfondimento nell'area matematica, utilizzando le conoscenze acquisite nel corso. Capacita' di sviluppare una mentalita' flessibile da favorire l'inserimento in percorsi di avviamento alla ricerca.</p>
VALUTAZIONE DELL'APPRENDIMENTO	<p>L'esame consiste in una prova orale. Tale prova consiste in un colloquio, volto ad accertare il possesso delle competenze e delle conoscenze disciplinari previste dal corso. La valutazione viene espressa in trentesimi.</p> <p>Descrizione dei metodi di valutazione</p> <ul style="list-style-type: none">- Valutazione eccellente: voto 30-30 e lode. Esito: ottima conoscenza degli argomenti, ottima proprieta' di linguaggio, buona capacita' analitica, lo studente e' in grado di applicare le conoscenze per risolvere i problemi proposti.- Valutazione molto buono: voto 26-29. Esito: Buona padronanza degli argomenti, piena proprieta' di linguaggio, lo studente e' in grado di applicare le conoscenze per risolvere i problemi proposti.- Valutazione buono: voto 24-25. Esito: conoscenza di base dei principali argomenti, discreta proprieta' di linguaggio, con limitata capacita' di applicare autonomamente le conoscenze alla soluzione dei problemi proposti.- Valutazione soddisfacente: voto 21-23. Esito: non ha piena padronanza degli argomenti principali dell'insegnamento ma ne possiede le conoscenze, soddisfacente proprieta' di linguaggio, scarsa capacita' di applicare autonomamente le conoscenze acquisite.- Valutazione sufficiente: voto 18-20. Esito: minima conoscenza di base degli argomenti principali dell'insegnamento e del linguaggio tecnico, scarsissima o nulla capacita' di applicare autonomamente le conoscenze acquisite.- Valutazione insufficiente. Esito: non possiede una conoscenza accettabile dei contenuti degli argomenti trattati nell'insegnamento.
ORGANIZZAZIONE DELLA DIDATTICA	Lezioni frontali ed esercitazioni in aula.

**MODULO
TEORIA DELLE ALGEBRE**

Prof. ANTONINO GIAMBRUNO

TESTI CONSIGLIATI

- 1) Herstein, I. N., Noncommutative rings. Carus Mathematical Monographs, 15. Mathematical Association of America, Washington, DC, 1994.
- 2) Lam, T. Y., A first course in noncommutative rings. Second edition. Graduate Texts in Mathematics, 131. Springer-Verlag, New York, 2001.
- 3) Jacobson, Nathan, Basic algebra. II. Second edition. W. H. Freeman and Company, New York, 1989.
- 4) Pierce, Richard S., Associative algebras. Graduate Texts in Mathematics, 88. Studies in the History of Modern Science, 9. Springer-Verlag, New York-Berlin, 1982.

TIPO DI ATTIVITA'	B
AMBITO	50398-Formazione teorica avanzata
NUMERO DI ORE RISERVATE ALLO STUDIO PERSONALE	98
NUMERO DI ORE RISERVATE ALLE ATTIVITA' DIDATTICHE ASSISTITE	52

OBIETTIVI FORMATIVI DEL MODULO

Presentare i fondamenti della teoria delle algebre fornendo agli studenti strumenti e metodologie diverse.

PROGRAMMA

ORE	Lezioni
10	Anelli non commutativi: Moduli sinistri su anelli. Sottomoduli, moduli quozienti, omomorfismi. Moduli fedeli. Moduli irriducibili. Lemma di Schur. Radicale di Jacobson di un anello. Anelli Semisemplici. Anelli Artiniani. Elementi idempotenti. Anelli Semiprimi. Algebre. Algebre Gruppali. Teorema di Masckhe.
8	Decomposizione di Pierce. Teorema di Wedderburn. Anelli primitivi. Anelli densi di trasformazioni lineari. Teorema di densita' di Jacobson. Teorema di Wedderburn-Artin e conseguenze. Moduli su anelli artiniani e semisemplici. Serie di Laurent e corpi.
12	Prodotto tensoriale di algebre. Algebre centrali e semplici. Algebre centrali e semplici di dimensione finita. Maximal subfields. Il gruppo di Brauer di un campo. Teorema di Noether-Skolem.
10	Teorema di Frobenius. Teorema di Wedderburn sui corpi finiti. Automorfismi e derivazioni di algebre di matrici. Algebre libere. Identita' polinomiali. Identita' stabili. Polinomi multilineari e processo di multilinearizzazione. Polinomi standard e di Capelli. Teorema di Kaplansky.
ORE	Esercitazioni
12	Esempi ed esercizi sugli argomenti trattati con enfasi sul radicale di Jacobson, costruzione di algebre semplici e semisemplici di dimensione finita, ed identita' polinomiali.

**MODULO
RAPPRESENTAZIONI DI GRUPPI**

Prof.ssa DANIELA LA MATTINA

TESTI CONSIGLIATI

- M.J.Collins, Representations and Characters of finite groups, Cambridge studies in advanced mathematics 22, 1990.
- C. W. Curtis, I. Reiner, Representation Theory of Finite Groups and Associative Algebras, Wiley Classics Library, 1988.
- L. Dornhoff, Group Representation Theory, Part A Ordinary Representation Theory, Marcel Dekker, 1971.
- W. Fulton, J. Harris, Representation Theory A First Course, Springer-Verlag, 1991.
- I.N. Herstein, Non Commutative Rings, The Carus Mathematical Monographs 15, 1968.
- I. M. Isaacs, Characters Theory of Finite Groups, Academic Press, 1976.
- C. Polcino Milies, S. Sehgal, An Introduction to Group Rings, Springer Netherlands 2002.
- D.J. S. Robinson, A Course in the Theory of Groups, Springer-Verlag, 1996.
- J. Rotman, An Introduction to the Theory of Groups, Springer-Verlag, 4° ed., 1995.

TIPO DI ATTIVITA'	B
AMBITO	50398-Formazione teorica avanzata
NUMERO DI ORE RISERVATE ALLO STUDIO PERSONALE	98
NUMERO DI ORE RISERVATE ALLE ATTIVITA' DIDATTICHE ASSISTITE	52

OBIETTIVI FORMATIVI DEL MODULO

Presentare allo studente i risultati di base della teoria delle rappresentazioni dei gruppi finiti.

PROGRAMMA

ORE	Lezioni
10	Gruppi liberi. Presentazione di un gruppo. Gruppi risolubili. Gruppi nilpotenti. Rappresentazione di un gruppo. Rappresentazioni equivalenti. Riducibilita. Completa riducibilita. Rappresentazioni lineari. Rappresentazioni irriducibili.
15	Carattere di una rappresentazione. Relazioni di ortogonalita' dei caratteri. Tavola dei caratteri di un gruppo. Rappresentazioni del gruppo simmetrico.
15	Rappresentazioni indotte e ristrette. Rappresentazioni di un prodotto diretto di gruppi. Applicazioni alla teoria dei gruppi. Teorema di Burnside. Teorema di Frobenius.
ORE	Esercitazioni
4	Esempi ed esercizi sui gruppi risolubili e nilpotenti e sulle rappresentazioni.
4	Esempi ed Esercizi sulla tavola dei caratteri di un gruppo e sulle rappresentazioni del gruppo simmetrico.
4	Esempi ed esercizi sulle rappresentazioni indotte, ristrette e sulle applicazioni della teoria delle rappresentazioni alla teoria dei gruppi.